

Savoirs SL. 5 : Cas d'indétermination

Exercice 10 : Cas indéterminés des polynômes

Pour chacune des suites :

- déterminer s'il s'agit ou non d'un cas indéterminé...
- s'il ne s'agit pas d'un cas indéterminé, donner la limite :-)
- s'il s'agit d'un cas indéterminé, factoriser pour déterminer la limite.

$$u_n = n^2 - n + 1 \quad y_n = 4^n - 2^n \quad d_n = 3e^n - ne^n \quad \left| \quad \varepsilon_n = 2^n - 6^n \right.$$

Un peu plus...

$$j_n = \left(\frac{2}{n}\right)^3 \times (n^2 + 1)$$

Exercice 11 : Cas indéterminés des expressions rationnelles

Même consigne que l'exercice précédent...

$$v_n = \frac{1}{-2n^3 + n} \quad w_n = \frac{3n^2 + 5n - 1}{2n + 1} \quad z_n = 3 - \frac{2n^2 - n}{1 - 3n^2}$$

$$c_n = \frac{1 + 2^n}{5^n} \quad a_n = \frac{\sqrt{n} - 1}{2n}$$

Un peu plus...

$$x_n = \frac{2n - 3}{n^2 + 6}$$

$$b_n = \frac{1 + 3^n}{2 - 5 \times 3^n}$$

Exercice 12 : Limites par suite annexe

Exo A - Soit la suite u définie par : $\begin{cases} u_0 = 0 \\ u_{n+1} = \frac{2u_n + 3}{u_n + 4} \end{cases}$, pour $n \geq 1$

1) À l'aide de la calculatrice, conjecturer sur la limite de la suite (u_n) quand n tend vers $+\infty$

2) Soit $v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 3}$ pour tout $n \geq 0$. On admet que la suite v_n est bien définie

- Démontrer que v_n est géométrique
- Déterminer sa limite
- En déduire celle de u_n

Exo B - Soit $f(x) = \frac{1}{2}x + 3$ et la suite u définie par $\begin{cases} u_0 = -5 \\ u_{n+1} = f(u_n) \end{cases}$, pour $n \geq 1$

1) a. Construire les premiers termes de la suite sur l'axe des abscisses d'un repère orthonormé
b. Conjecturer sur le sens de variation et la limite de la suite u_n

2) a. Déterminer le réel α tel que $f(\alpha) = \alpha$
b. Que représente α graphiquement ?

3) Soit $v_n = u_n - \alpha$ pour tout $n > 0$

- Démontrer que v_n est géométrique
- En déduire l'expression de v_n puis de u_n en fonction de n

4) Démontrer les conjectures faites à la question (1b)