

1ère Spé

# Vecteurs (1)

Savoirs Vps



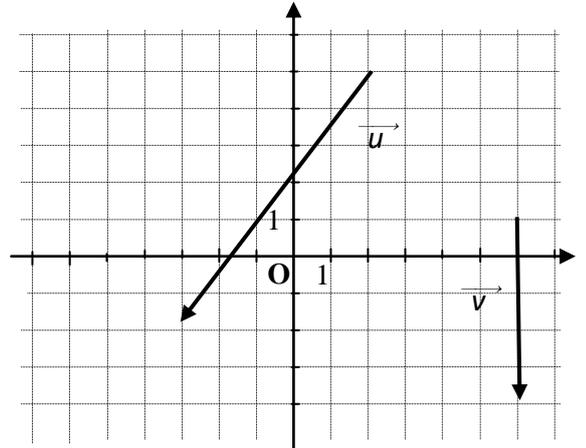
# Entraînements

# Sujet de préparation

## Savoir Vps. 1

1) a) Dans le repère ci-contre, déterminer graphiquement les coordonnées des vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$ .

b) Sur ce même repère, tracer en couleur un représentant des vecteurs  $\vec{a}(-4; 6)$  et  $\vec{b}(-10; 0)$



2) Dans un repère (O, I, J) orthonormé, on donne les points :

$$A(4; -11); B(-5; 2) \text{ et } C(6; -5)$$

a) Calculer la longueur CA

b) Déterminer les coordonnées du point M, milieu de [AB]

c) Calculer les coordonnées de  $\vec{CB}$

d) Déterminer les coordonnées du point N tel que  $\vec{BN} = \vec{AC}$

e) Calculer les coordonnées du vecteur  $\vec{u}$  défini par :  $\vec{u} = 2\vec{CB} - \vec{CA}$

## Savoir Vps. 2

1) Simplifier quand c'est possible les expressions suivantes (et signaler quand ça ne l'est pas) :

a)  $\vec{AP} - \vec{GP}$       b)  $2\vec{BH} + \vec{HC}$       c)  $\vec{DX} - \vec{SX}$       d)  $\vec{OK} + \vec{BI} + \vec{KB}$

2) a) Introduire le point M dans l'expression vectorielle :  $3\vec{RA}$

b) Introduire le point B dans l'expression vectorielle :  $-\vec{LD}$

c) Introduire le point C dans l'expression vectorielle et simplifier :  $\vec{DA} - \frac{1}{2}\vec{GD}$

3) a) On donne l'égalité vectorielle  $2\vec{AM} + \vec{MB} = \vec{0}$ . Exprimer  $\vec{AM}$  en fonction de  $\vec{AB}$ .

b) On donne l'égalité  $2\vec{AM} + \vec{AB} = 4\vec{BC}$ . Exprimer  $\vec{AM}$  en fonction de  $\vec{BA}$  et de  $\vec{BC}$

c) On a :  $2\vec{IB} - 3\vec{OB} + \vec{DI} = \vec{ID} + \vec{OB}$ . Exprimer  $\vec{OB}$  en fonction de  $\vec{DB}$

d) On sait que  $\vec{GB} - 3\vec{GC} + \vec{GD} = 2\vec{BC}$ . Exprimer  $\vec{GD}$  en fonction de  $\vec{BD}$  et  $\vec{CD}$

## Savoir Vps. 3

1) a) Dans la base  $(\vec{u}; \vec{v})$ , le vecteur  $\vec{a}$  a pour coordonnées :  $\vec{a} \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \end{pmatrix}$ .

Exprimer  $\vec{a}$  en fonction des vecteurs de la base.

b) On sait que  $\vec{b} = -\vec{i} + \frac{5}{2}\vec{j}$ . Donner les coordonnées de  $\vec{b}$  dans la base  $(\vec{i}; \vec{j})$

c) Le vecteur  $\vec{U}$  est défini par :  $\vec{U} = 3\vec{LK} - \vec{JO}$ .

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{U}$  dans la base  $(\vec{JO}; \vec{LK})$

d) On donne l'égalité vectorielle  $\vec{SA} = 2\vec{SR} - 3\vec{ST}$

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{SA}$  dans la base  $(\vec{RS}; \vec{RT})$

2) a) MATH est un parallélogramme. Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{TM}$  dans la base  $(\vec{TA}; \vec{HT})$

b) ABC est un triangle non aplati, et E est un point tel que  $\vec{CE} = 2\vec{CA}$ .

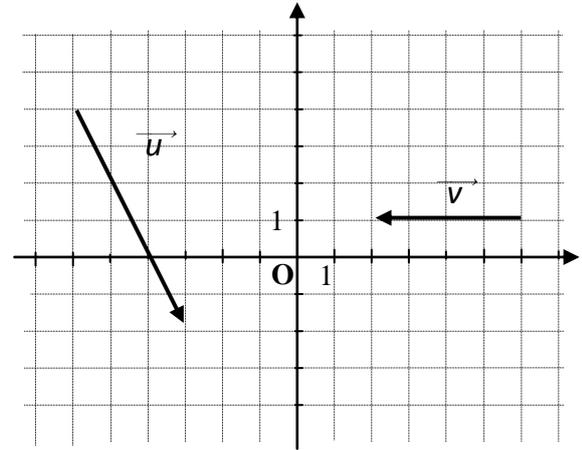
Exprimer  $\vec{BE}$  dans le repère  $(B; \vec{BA}; \vec{BC})$  et en déduire les coordonnées du point E.

# Entraînements savoirs

## Savoir Vps. 1 : Repère et coordonnées

### Entraînement n°1

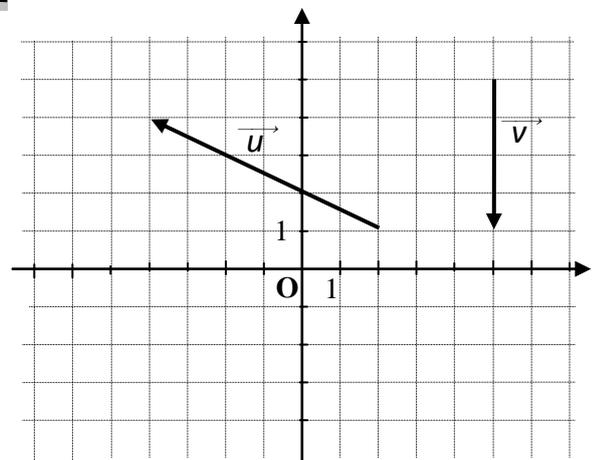
- 1) a) Dans le repère ci-contre, déterminer graphiquement les coordonnées des vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$ .
- b) Sur ce même repère, tracer en couleur un représentant des vecteurs  $\vec{a}(-5; 2)$  et  $\vec{b}(0; 3)$



- 2) Dans un repère  $(O, I, J)$  orthonormé, on donne les points  $E(-1; -7)$ ;  $A(5; 0)$  et  $U(2; -4)$
- a) Calculer la longueur  $EU$
- b) Déterminer les coordonnées du point  $X$ , milieu de  $[AE]$
- c) Calculer les coordonnées de  $\vec{AU}$
- d) Déterminer les coordonnées du point  $S$  tel que  $\vec{SE} = \vec{AU}$
- e) Calculer les coordonnées du vecteur  $\vec{u}$  défini par :  $\vec{u} = \vec{UA} - 4\vec{AE}$

### Entraînement n°2

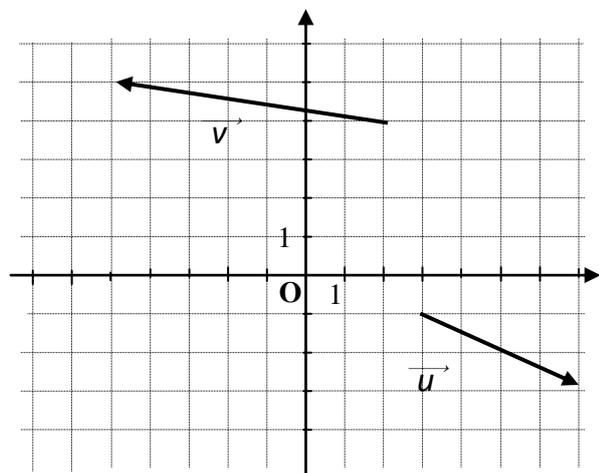
- 1) a) Dans le repère ci-contre, déterminer graphiquement les coordonnées des vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$ .
- b) Sur ce même repère, tracer en couleur un représentant des vecteurs  $\vec{a}(-3; 0)$  et  $\vec{b}(2; -4)$



- 2) Dans un repère  $(O, I, J)$  orthonormé, on donne les points  $M(-3; 5)$ ;  $A(0; -4)$  et  $T(2; -1)$
- a) Calculer la longueur  $TM$
- b) Déterminer les coordonnées du point  $H$ , milieu de  $[MA]$
- c) Calculer les coordonnées de  $\vec{AT}$
- d) Déterminer les coordonnées du point  $S$  tel que  $\vec{MS} = \vec{AT}$
- e) Calculer les coordonnées du vecteur  $\vec{u}$  défini par :  $\vec{u} = 3\vec{TM} - \vec{AT}$

### Entraînement n°3

- 1) a) Dans le repère ci-contre, déterminer graphiquement les coordonnées des vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$ .
- b) Sur ce même repère, tracer en couleur un représentant des vecteurs  $\vec{a}(0; -7)$  et  $\vec{b}(-3; -5)$



- 2) Dans un repère  $(O, I, J)$  orthonormé, on donne les points  $A(-5; 6)$ ;  $B(0; -8)$  et  $C(2; -4)$
- a) Déterminer les coordonnées du point E tel que  $\vec{AE} = \vec{CB}$
- b) Calculer les coordonnées de  $\vec{CB}$
- c) Calculer la longueur AC
- d) Calculer les coordonnées du vecteur  $\vec{u}$  défini par :  $\vec{u} = -2\vec{BA} + \vec{CB}$
- e) Déterminer les coordonnées du point D, milieu de  $[AB]$

## Savoir Vps. 2 : Techniques de calcul vectoriel

### Entraînement n°1

- 1) Simplifier quand c'est possible les expressions suivantes (et signaler quand ça ne l'est pas) :
- a)  $\vec{ML} + \vec{OL}$       b)  $\frac{1}{2}\vec{AM} + \vec{ME}$       c)  $3\vec{RF} - 3\vec{AF}$       d)  $\vec{GA} - \vec{UB} + \vec{AB}$
- 2) a) Introduire le point M dans l'expression vectorielle :  $\frac{3}{2}\vec{AE}$
- b) Introduire le point N dans l'expression vectorielle :  $-\vec{VI}$
- c) Introduire le point B dans l'expression vectorielle et simplifier :  $\vec{AC} - 2\vec{AD}$
- 3) a) On donne l'égalité vectorielle  $2\vec{RE} - 5\vec{RM} = \vec{0}$ . Exprimer  $\vec{MR}$  en fonction de  $\vec{EM}$ .
- b) On donne l'égalité  $3\vec{YO} + 2\vec{UI} - \vec{PI} = 2\vec{UP} - \vec{OY}$ . Exprimer  $\vec{YO}$  en fonction de  $\vec{IP}$
- c) On donne l'égalité vectorielle  $3\vec{PA} + \vec{AM} + 6\vec{BM} = \vec{0}$ . Exprimer  $\vec{PA}$  en fonction de  $\vec{AM}$  et de  $\vec{MB}$
- d) On donne l'égalité vectorielle  $3\vec{SA} + 2\vec{SB} - \vec{SC} = 2\vec{AC}$ . Exprimer  $\vec{SB}$  en fonction de  $\vec{AB}$  et  $\vec{AC}$

---

## Entraînement n°2

1) Simplifier quand c'est possible les expressions suivantes (et signaler quand ça ne l'est pas) :

a)  $2\overrightarrow{AP} + \overrightarrow{PB}$

b)  $\overrightarrow{AG} - \overrightarrow{DG}$

c)  $\frac{1}{2}\overrightarrow{ST} + \frac{3}{6}\overrightarrow{RS}$

d)  $\overrightarrow{DC} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB}$

2) a) Introduire le point M dans l'expression vectorielle :  $-\overrightarrow{DC}$

b) Introduire le point N dans l'expression vectorielle :  $\frac{3}{4}\overrightarrow{AB}$

c) Introduire le point P dans l'expression vectorielle et simplifier :  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{3BC}$

3) a) On donne l'égalité  $3\overrightarrow{MA} - 5\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CB} = 2\overrightarrow{AM} + 4\overrightarrow{BC}$ . Exprimer  $\overrightarrow{AM}$  en fonction de  $\overrightarrow{CA}$

b) On donne l'égalité vectorielle  $4\overrightarrow{AB} - 3\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{0}$ . Exprimer  $\overrightarrow{AC}$  en fonction de  $\overrightarrow{BC}$

a) On donne l'égalité vectorielle  $4\overrightarrow{GR} - 2\overrightarrow{IB} + \overrightarrow{BG} = \overrightarrow{0}$ . Exprimer  $\overrightarrow{BI}$  en fonction de  $\overrightarrow{GR}$  et de  $\overrightarrow{GB}$

b) On donne l'égalité vectorielle  $\frac{1}{2}\overrightarrow{AM} - 2\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 3\overrightarrow{BC}$ . Exprimer  $\overrightarrow{MA}$  en fonction de  $\overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{BC}$

---

## Entraînement n°3

1) Simplifier quand c'est possible les expressions suivantes (et signaler quand ça n'est pas possible) :

a)  $\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{BA}$

b)  $5\overrightarrow{CR} + 5\overrightarrow{CD}$

c)  $-\overrightarrow{OV} + \overrightarrow{HV}$

d)  $2\overrightarrow{ZE} + \overrightarrow{EA} + 2\overrightarrow{AZ}$

2) a) Introduire le point A dans l'expression vectorielle :  $-\overrightarrow{PC}$

b) Introduire le point S dans l'expression vectorielle :  $\frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$

c) Introduire le point M dans l'expression vectorielle et simplifier :  $\overrightarrow{AC} - 2\overrightarrow{DA}$

3) a) On donne l'égalité vectorielle  $\frac{1}{2}\overrightarrow{BM} + \frac{1}{2}\overrightarrow{BA} = 4\overrightarrow{BC}$ . Exprimer  $\overrightarrow{BM}$  en fonction de  $\overrightarrow{AB}$  et de  $\overrightarrow{CB}$

b) On donne l'égalité  $3\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{BD} = 2\overrightarrow{AD}$ . Exprimer  $\overrightarrow{AB}$  en fonction de  $\overrightarrow{CD}$

c) On donne l'égalité vectorielle  $3\overrightarrow{AB} - 2\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{0}$ . Exprimer  $\overrightarrow{AC}$  en fonction de  $\overrightarrow{BC}$ .

d) On donne l'égalité vectorielle  $\overrightarrow{BM} + 2\overrightarrow{ME} + 2\overrightarrow{CB} = 4\overrightarrow{MC} + \overrightarrow{EB}$ . Exprimer  $\overrightarrow{EM}$  en fonction de  $\overrightarrow{EC}$

# Savoir Vps. 3 : Décomposition dans une base

## Entraînement n°1

1) a) Dans la base  $(\vec{u}; \vec{v})$ , le vecteur  $\vec{a}$  a pour coordonnées :  $\vec{a} \begin{pmatrix} 4 \\ -6 \end{pmatrix}$ .

Exprimer  $\vec{a}$  en fonction des vecteurs de la base.

b) On sait que  $\vec{m} = -\vec{b}$ . Donner les coordonnées de  $\vec{m}$  dans la base  $(\vec{a}; \vec{b})$

c) On donne l'égalité vectorielle  $\vec{MI} = 3\vec{MO} + \vec{IE}$

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{MI}$  dans la base  $(\vec{MO}; \vec{EI})$

d) On donne l'égalité vectorielle  $\vec{NY} = \frac{1}{2}\vec{AN} - 3\vec{AB}$

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{NY}$  dans la base  $(\vec{NA}; \vec{NB})$

2) a) ABC est un triangle, I est le milieu de [AB] et J celui de [BC].

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{AJ}$  dans la base  $(\vec{AI}; \vec{BC})$

b) MATH est un parallélogramme, et S est un point tel que  $\vec{AS} = -\frac{2}{3}\vec{MT}$ .

Exprimer le vecteur  $\vec{MS}$  dans le repère  $(M; \vec{MA}; \vec{MH})$  et en déduire les coordonnées du point S

## Entraînement n°2

1) a) Dans la base  $(\vec{u}; \vec{v})$ , le vecteur  $\vec{a}$  a pour coordonnées :  $\vec{a} \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} \\ 5 \end{pmatrix}$ .

Exprimer  $\vec{a}$  en fonction des vecteurs de la base.

b) On sait que  $\vec{w} = \vec{i} - 7\vec{a}$ . Donner les coordonnées de  $\vec{w}$  dans la base  $(\vec{a}; \vec{i})$

c) On donne l'égalité vectorielle  $\vec{GA} = -2\vec{AB} - 3\vec{BC}$

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{GA}$  dans la base  $(\vec{BA}; \vec{BC})$

d) On donne l'égalité vectorielle  $\vec{AR} = \vec{AF} - 3\vec{FE}$

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{AR}$  dans la base  $(\vec{AE}; \vec{AF})$

2) a) AVEC est un parallélogramme et M est le milieu de [CE]

Exprimer  $\vec{CM}$  dans le repère  $(C; \vec{CA}; \vec{CV})$  et en déduire les coordonnées du point M

b) TRI est un triangle non aplati, et N est un point tel que  $\vec{RN} = \frac{3}{2}\vec{IT}$

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{TN}$  dans la base  $(\vec{TR}; \vec{TI})$

---

## Entraînement n°3

1) a) Dans la base  $(\vec{i}; \vec{j})$ , le vecteur  $\vec{a}$  a pour coordonnées :  $\vec{a} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}$ .

Exprimer  $\vec{a}$  en fonction des vecteurs de la base.

b) On sait que  $\vec{b} = -12\vec{e} + 9\vec{u}$ . Donner les coordonnées de  $\vec{b}$  dans la base  $(\vec{u}; \vec{e})$

c) On donne l'égalité vectorielle  $\vec{AB} = \vec{BC} - 4\vec{CB}$

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{AB}$  dans la base  $(\vec{CB}, \vec{CA})$

d) On donne l'égalité vectorielle  $\vec{AP} = 3\vec{EP} - \vec{FP}$

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{AP}$  dans la base  $(\vec{EF}, \vec{EP})$

2) a) ABCD est un parallélogramme de centre O.

Donner les coordonnées du vecteur  $\vec{BD}$  dans la base  $(\vec{OC}, \vec{AB})$

b) ANG est un triangle non aplati, et T est un point tel que  $\vec{GT} = \frac{2}{3}\vec{GN}$

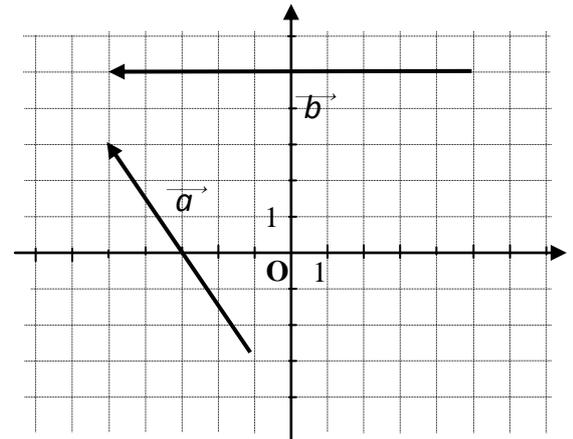
Donner les coordonnées du point T dans le repère  $(A, \vec{AN}, \vec{AG})$

# Sujet de préparation **CORRECTION**

## Corrigé Savoir Vps. 1

1) a)  $\vec{u}(-5; -7)$  et  $\vec{v}(0; -5)$

b)  $\Rightarrow$



2) a)  $CA = \sqrt{(x_A - x_C)^2 + (y_A - y_C)^2}$   
 $= \sqrt{(6 - 4)^2 + (-5 + 11)^2} = \sqrt{4 + 36} = \sqrt{40}$

b) M, milieu de [AB]  $\Rightarrow \begin{cases} x_M = \frac{x_A + x_B}{2} \\ y_M = \frac{y_A + y_B}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_M = \frac{4 - 5}{2} = -\frac{1}{2} \\ y_M = \frac{-11 + 2}{2} = -\frac{9}{2} \end{cases} \Rightarrow H(-\frac{1}{2}; -\frac{9}{2})$

c)  $\vec{CB} \begin{pmatrix} x_B - x_C \\ y_B - y_C \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -5 - 6 \\ 2 + 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -11 \\ 7 \end{pmatrix}$

d)  $\vec{BN} \begin{pmatrix} x_N + 5 \\ y_N - 2 \end{pmatrix} = \vec{AC} \begin{pmatrix} 2 \\ 6 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{cases} x + 5 = 2 \\ y - 2 = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -3 \\ y = 8 \end{cases}$  Donc  $N(-3; 8)$

e)  $\vec{u} = 2 \times \begin{pmatrix} -11 \\ 7 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} -2 \\ -6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \times (-11) - (-2) \\ 2 \times 7 - (-6) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -20 \\ 20 \end{pmatrix}$

## Corrigé Savoir Vps. 2

1) a)  $\vec{AP} + \vec{PG} = \vec{AG}$

b) non

c)  $\vec{DX} + \vec{XS} = \vec{DS}$

d)  $\vec{OK} + \vec{BI} + \vec{KB} = \vec{OB} + \vec{BI} = \vec{OI}$

2) a)  $3\vec{RA} = 3\vec{RM} + 3\vec{MA}$

b)  $-\vec{LD} = -\vec{LB} - \vec{BD} = \vec{BL} + \vec{DB}$

c)  $\vec{DA} - \frac{1}{2}\vec{GD} = \vec{DC} + \vec{CA} - \frac{1}{2}\vec{GC} - \frac{1}{2}\vec{CD} = \frac{3}{2}\vec{DC} + \vec{CA} + \frac{1}{2}\vec{CG}$

3) a)  $2\vec{AM} + \vec{MB} = \vec{0} \Leftrightarrow 2\vec{AM} + \vec{MA} + \vec{AB} = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{AM} = \vec{BA}$

b)  $2\vec{AM} + \vec{AB} = 4\vec{BC} \Leftrightarrow 2\vec{AM} = 4\vec{BC} + \vec{BA} \Leftrightarrow \vec{AM} = 2\vec{BC} + \frac{1}{2}\vec{BA}$

c)  $2\vec{IB} - 3\vec{OB} + \vec{DI} = \vec{ID} + \vec{OB} \Leftrightarrow -4\vec{OB} = 2\vec{ID} + 2\vec{BI} \Leftrightarrow -4\vec{OB} = 2\vec{BD} \Leftrightarrow \vec{OB} = \frac{1}{2}\vec{DB}$

d)  $\vec{GB} - 3\vec{GC} + \vec{GD} = 2\vec{BC} \Leftrightarrow \vec{GD} + \vec{DB} - 3\vec{GD} - 3\vec{DC} + \vec{GD} = 2\vec{BC} \Leftrightarrow -\vec{GD} = 2\vec{BC} + \vec{BD} + 3\vec{DC}$   
 $\Leftrightarrow -\vec{GD} = 2\vec{BD} + 2\vec{DC} + \vec{BD} + 3\vec{DC} \Leftrightarrow \vec{GD} = -3\vec{BD} + 5\vec{DC}$

## Corrigé Savoir Vps. 3

1) a)  $\vec{a} = -3\vec{u} + 2\vec{v}$       b)  $\vec{b} \left( -1; \frac{5}{2} \right)$       c)  $\vec{U} (-1; 3)$

d)  $\vec{SA} = 2\vec{SR} - 3\vec{ST} = -2\vec{RS} - 3\vec{SR} - 3\vec{RT} = \vec{RS} - 3\vec{RT} \Rightarrow \vec{SA} (1; -3)$

2) a)  $\vec{TM} = \vec{TA} + \vec{AM}$  Comme MATH est un parallélogramme,  $\vec{AM} = \vec{TH}$   
Donc  $\vec{TM} = \vec{TA} + \vec{TH} = \vec{TA} - \vec{HT} \Rightarrow \vec{TM} (1; -1)$

b)  $\vec{CE} = 2\vec{CA} \Leftrightarrow \vec{CB} + \vec{BE} = 2\vec{CA} \Leftrightarrow \vec{BE} = \vec{BC} + 2\vec{CA} = \vec{BC} + 2\vec{CB} + 2\vec{BA} = -\vec{BC} + 2\vec{BA}$   
donc  $\vec{BE} (2; -1)$  et comme B est l'origine du repère, on a :  $\mathbf{E} (2; -1)$

# CORRECTION Entraînements savoirs

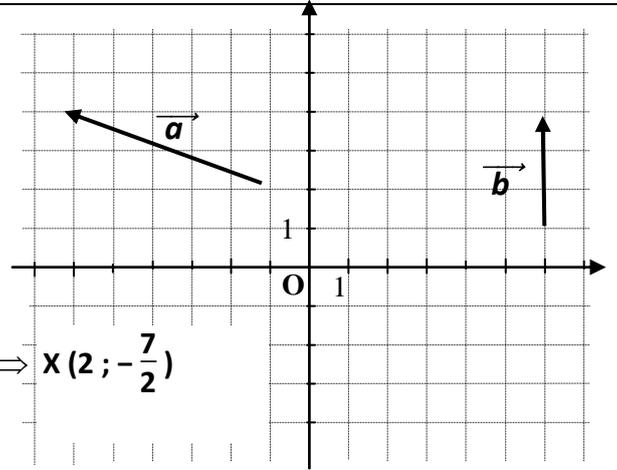
## Savoir Vps. 1 : Corrigés

### Corrigé Entraînement n°1

1) a)  $\vec{u}(3; -6)$  et  $\vec{v}(-4; 0)$       b)  $\Rightarrow$

2) a)  $EU = \sqrt{(x_U - x_E)^2 + (y_U - y_E)^2}$   
 $= \sqrt{(2+1)^2 + (-4+7)^2} = \sqrt{9+9} = \sqrt{18}$

b) X, milieu de [AE]  $\Rightarrow \begin{cases} x_X = \frac{x_A + x_E}{2} \\ y_X = \frac{y_A + y_E}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_X = \frac{5-1}{2} = 2 \\ y_X = \frac{0-7}{2} = -\frac{7}{2} \end{cases} \Rightarrow X(2; -\frac{7}{2})$



c)  $\overrightarrow{AU} = \begin{pmatrix} x_U - x_A \\ y_U - y_A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 - 5 \\ -4 - 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -3 \\ -4 \end{pmatrix}$

d)  $\overrightarrow{SE} = \begin{pmatrix} -1 - x_N \\ -7 - y_N \end{pmatrix} = \overrightarrow{AU} = \begin{pmatrix} -3 \\ -4 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{cases} -1 - x = -3 \\ -7 - y = -4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -x = -2 \\ -y = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = -3 \end{cases}$  Donc **S(2; -3)**

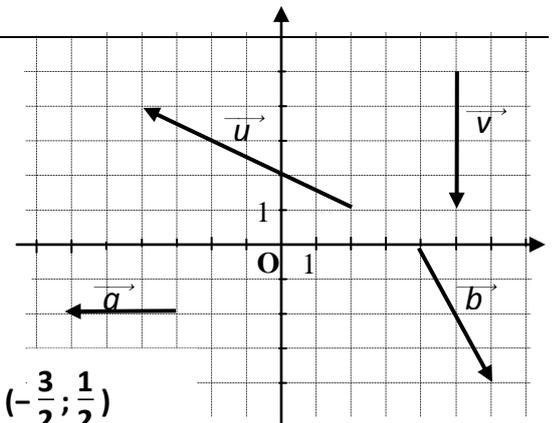
e)  $\vec{u} = -\overrightarrow{AU} - 4\overrightarrow{AE} = -\begin{pmatrix} -3 \\ -4 \end{pmatrix} - 4 \times \begin{pmatrix} -1 - 5 \\ -7 - 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 - 4 \times (-6) \\ 4 - 4 \times (-7) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 27 \\ 32 \end{pmatrix}$

### Corrigé Entraînement n°2

1) a)  $\vec{u}(-6; 3)$  et  $\vec{v}(0; -4)$       b)  $\Rightarrow$

2) a)  $TM = \sqrt{(x_M - x_T)^2 + (y_M - y_T)^2} = \sqrt{(-3 - 2)^2 + (5 + 1)^2}$   
 $TM = \sqrt{25 + 36} = \sqrt{61}$

b) H, milieu de [MA]  $\Rightarrow \begin{cases} x_H = \frac{x_M + x_A}{2} \\ y_H = \frac{y_M + y_A}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_H = \frac{-3+0}{2} = -\frac{3}{2} \\ y_H = \frac{5-4}{2} = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow H(-\frac{3}{2}; \frac{1}{2})$



c)  $\overrightarrow{AT} = \begin{pmatrix} x_T - x_A \\ y_T - y_A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 - 0 \\ -1 + 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$

d)  $\overrightarrow{MS} = \begin{pmatrix} x_S + 3 \\ y_S - 5 \end{pmatrix} = \overrightarrow{AT} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{cases} x + 3 = 2 \\ y - 5 = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 - 3 = -1 \\ y = 3 + 5 = 8 \end{cases}$  Donc **S(-1; 8)**

e)  $\vec{u} = 3 \times \begin{pmatrix} -3 - 2 \\ 5 + 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \times (-5) - 2 \\ 3 \times 6 - 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -17 \\ 15 \end{pmatrix}$

## Corrigé Entraînement n°3

1) a)  $\vec{u}(4; -2)$  et  $\vec{v}(-7; 1)$

b)  $\Rightarrow$

2) Il est plus logique de faire le (b) avant le (a)

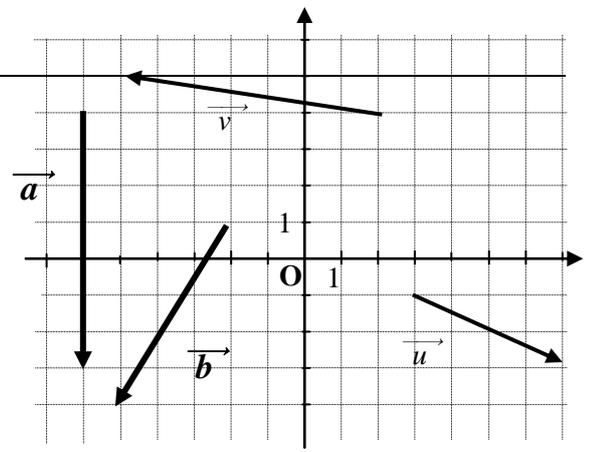
b)  $\vec{CB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 - 2 \\ -8 - (-4) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ -4 \end{pmatrix}$

a)  $\vec{AE} = \vec{CB} \Leftrightarrow \begin{pmatrix} x_E - (-5) \\ y_E - 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ -4 \end{pmatrix} \Leftrightarrow \begin{cases} x_E + 5 = -2 \\ y_E - 6 = -4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_E = -7 \\ y_E = 2 \end{cases}$  Donc E  **$(-7; 2)$**

c)  $AC = \sqrt{(x_C - x_A)^2 + (y_C - y_A)^2} = \sqrt{(2 + 5)^2 + (-4 - 6)^2} = \sqrt{7^2 + (-10)^2} = \sqrt{49 + 100} = \sqrt{149}$

d)  $\vec{u} = -2\vec{BA} + \vec{CB} = -2 \times \begin{pmatrix} -5 - 0 \\ 6 - (-8) \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 \\ -4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \times (-5) + (-2) \\ -2 \times 14 + (-4) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 \\ -32 \end{pmatrix}$

e) D milieu de [AB]  $\Leftrightarrow \begin{cases} x_D = \frac{x_A + x_B}{2} \\ y_D = \frac{y_A + y_B}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_D = \frac{-5 + 0}{2} = -\frac{5}{2} \\ y_D = \frac{6 + (-8)}{2} = -1 \end{cases}$  Donc D  **$(-\frac{5}{2}; -1)$**



## Savoir Vps. 2 : Corrigés

### Corrigé Entraînement n°1

1) a) impossible      b) à moitié possible :  $\frac{1}{2}\vec{AM} + \vec{ME} = \frac{1}{2}\vec{AM} + \frac{1}{2}\vec{ME} + \frac{1}{2}\vec{ME} = \frac{1}{2}\vec{AE} + \frac{1}{2}\vec{ME}$

c)  $3\vec{RF} - 3\vec{AF} = 3\vec{RF} + 3\vec{FA} = 3(\vec{RF} + \vec{FA}) = 3\vec{RA}$       d)  $\vec{GA} + \vec{AB} - \vec{UB} = \vec{GB} + \vec{BU} = \vec{GU}$

2) a)  $\frac{3}{2}\vec{AE} = \frac{3}{2}\vec{AM} + \frac{3}{2}\vec{ME}$       b)  $-\vec{VI} = -\vec{VN} - \vec{NI}$

c)  $\vec{AC} - 2\vec{AD} = \vec{AB} + \vec{BC} - 2\vec{AB} - 2\vec{BD} = -\vec{AB} + \vec{BC} - 2\vec{BD} = \vec{BA} + \vec{BC} + 2\vec{DB}$   
On peut éventuellement aller plus loin :  $= \vec{DB} + \vec{BA} + \vec{DB} + \vec{BC} = \vec{DA} + \vec{DC}$

3) a)  $2\vec{RE} - 5\vec{RM} = \vec{0} \Leftrightarrow 2\vec{RM} + 2\vec{M} - 5\vec{RM} = \vec{0} \Leftrightarrow 3\vec{MR} = 2\vec{EM} \Leftrightarrow \vec{MR} = \frac{2}{3}\vec{EM}$

b)  $3\vec{PA} + \vec{AM} + 6\vec{BM} = \vec{0} \Leftrightarrow 3\vec{PA} = -\vec{AM} + 6\vec{MB} \Leftrightarrow \vec{PA} = -\frac{1}{3}\vec{AM} + 2\vec{MB}$

c)  $3\vec{YO} + 2\vec{UI} - \vec{PI} = 2\vec{UP} - \vec{OY} \Leftrightarrow 3\vec{YO} + \vec{OY} = 2\vec{UP} - 2\vec{UI} + \vec{PI} \Leftrightarrow 2\vec{YO} = 2\vec{UP} + 2\vec{UI} + \vec{PI}$   
 $\Leftrightarrow 2\vec{YO} = 2\vec{IP} + \vec{PI} = \vec{IP} \Leftrightarrow \vec{YO} = \frac{1}{2}\vec{IP}$

d)  $3\vec{SA} + 2\vec{SB} - \vec{SC} = 2\vec{AC} \Leftrightarrow 3\vec{SB} + 3\vec{BA} + 2\vec{SB} - \vec{SB} - \vec{BC} = 2\vec{AC} \Leftrightarrow 4\vec{SB} = 2\vec{AC} - 3\vec{BA} + \vec{BC}$

$4\vec{SB} = 2\vec{AC} + 3\vec{AB} + \vec{BC} = 2\vec{AC} + 2\vec{AB} + \vec{AB} + \vec{BC} = 2\vec{AC} + 2\vec{AB} + \vec{AC} = 3\vec{AC} + 2\vec{AB} \Leftrightarrow \vec{SB} = \frac{3}{4}\vec{AC} + \frac{1}{2}\vec{AB}$

## Corrigé Entraînement n°2

1) a) en partie  $2\overrightarrow{AP} + \overrightarrow{PB} = \overrightarrow{AP} + \overrightarrow{AP} + \overrightarrow{PB} = \overrightarrow{AP} + \overrightarrow{AB}$

b)  $\overrightarrow{AG} - \overrightarrow{DG} = \overrightarrow{AG} + \overrightarrow{GD} = \overrightarrow{AD}$

c)  $\frac{1}{2}\overrightarrow{ST} + \frac{3}{6}\overrightarrow{RS} = \frac{1}{2}\overrightarrow{RS} + \frac{1}{2}\overrightarrow{ST} = \frac{1}{2}\overrightarrow{RT}$

d)  $\overrightarrow{DC} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{AC}$

2) a)  $-\overrightarrow{DC} = -\overrightarrow{DM} - \overrightarrow{MC}$

b)  $\frac{3}{4}\overrightarrow{AB} = \frac{3}{4}\overrightarrow{AN} + \frac{3}{4}\overrightarrow{NB}$

c)  $\overrightarrow{AB} - 3\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AP} + \overrightarrow{PB} - 3\overrightarrow{BP} - 3\overrightarrow{PC} = \overrightarrow{AP} + \overrightarrow{PB} + 3\overrightarrow{PB} + 3\overrightarrow{PC} = \overrightarrow{AP} + 4\overrightarrow{PB} + 3\overrightarrow{PC}$

3) a)  $3\overrightarrow{MA} - 5\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CB} = 2\overrightarrow{AM} + 4\overrightarrow{BC} \Leftrightarrow 3\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{AM} = 4\overrightarrow{BC} + 5\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{CB}$

$\Leftrightarrow -5\overrightarrow{AM} = 4\overrightarrow{BC} + 5\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} \Leftrightarrow -5\overrightarrow{AM} = 5\overrightarrow{AB} + 5\overrightarrow{BC} \Leftrightarrow -5\overrightarrow{AM} = 5\overrightarrow{AC} \Leftrightarrow \overrightarrow{AM} = \overrightarrow{CA}$

b)  $4\overrightarrow{AB} - 3\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{0} \Leftrightarrow 4\overrightarrow{AC} + 4\overrightarrow{CB} - 3\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{0} \Leftrightarrow 4\overrightarrow{AC} = 4\overrightarrow{BC} + 3\overrightarrow{BC} = 7\overrightarrow{BC} \Leftrightarrow \overrightarrow{AC} = \frac{7}{4}\overrightarrow{BC}$

c)  $4\overrightarrow{GR} - 2\overrightarrow{IB} + \overrightarrow{BG} = \overrightarrow{0} \Leftrightarrow -2\overrightarrow{IB} = -4\overrightarrow{GR} - \overrightarrow{BG} \Leftrightarrow 2\overrightarrow{BI} = -4\overrightarrow{GR} + \overrightarrow{GB} \Leftrightarrow \overrightarrow{BI} = -2\overrightarrow{GR} + \frac{1}{2}\overrightarrow{GB}$

d)  $\frac{1}{2}\overrightarrow{AM} - 2\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 3\overrightarrow{BC} \Leftrightarrow -\frac{1}{2}\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AC} = 3\overrightarrow{BC} \Leftrightarrow -\frac{3}{2}\overrightarrow{MA} = 3\overrightarrow{BC} + 2\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CA}$

$\Leftrightarrow -\frac{3}{2}\overrightarrow{MA} = 3\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{AB} = 3\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CB} = 2\overrightarrow{BC} - \overrightarrow{BA} \Leftrightarrow \overrightarrow{MA} = -\frac{4}{3}\overrightarrow{BC} + \frac{2}{3}\overrightarrow{BA}$

## Corrigé Entraînement n°3

1) a)  $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AM} = \overrightarrow{BM}$

b) non

c)  $\overrightarrow{VO} + \overrightarrow{HV} = \overrightarrow{HO}$

d)  $2\overrightarrow{ZE} + 2\overrightarrow{AZ} + \overrightarrow{EA} = 2\overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EA} = \overrightarrow{AE}$

2) a)  $-\overrightarrow{PA} - \overrightarrow{AC}$

b)  $\frac{1}{2}\overrightarrow{AS} + \frac{1}{2}\overrightarrow{SB}$

c)  $\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{MC} - 2\overrightarrow{DM} - 2\overrightarrow{MA} = 3\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{MC} + 2\overrightarrow{MD}$

3) a)  $\frac{1}{2}\overrightarrow{BM} = 4\overrightarrow{BC} - \frac{1}{2}\overrightarrow{BA} \Leftrightarrow \overrightarrow{BM} = 8\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AB} - 8\overrightarrow{CB}$

b)  $3\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AD} = 2\overrightarrow{AD} \Leftrightarrow 2\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{CD} \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} = \frac{1}{2}\overrightarrow{CD}$

c)  $\Leftrightarrow 3\overrightarrow{AC} + 3\overrightarrow{CB} - 2\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{0} \Leftrightarrow \overrightarrow{AC} = 3\overrightarrow{CB}$

d)  $\overrightarrow{BM} + 2\overrightarrow{ME} + 2\overrightarrow{CB} = 4\overrightarrow{MC} + \overrightarrow{EB} \Leftrightarrow \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{EM} - 2\overrightarrow{EM} + 2\overrightarrow{CB} = 4\overrightarrow{ME} + 4\overrightarrow{EC} + \overrightarrow{EB}$

$\Leftrightarrow \overrightarrow{EM} - 2\overrightarrow{EM} + 4\overrightarrow{EM} = 4\overrightarrow{EC} + \overrightarrow{EB} - \overrightarrow{BE} - 2\overrightarrow{CB} \Leftrightarrow 3\overrightarrow{EM} = 4\overrightarrow{EC} + 2\overrightarrow{EB} + 2\overrightarrow{BE} + 2\overrightarrow{EC} = 6\overrightarrow{EC}$

$\Leftrightarrow \overrightarrow{EM} = 2\overrightarrow{EC}$

## Savoir Vps. 3 : Corrigés

### Corrigé Entraînement n°1

1) a)  $\vec{a} = 4\vec{u} - 6\vec{v}$       b)  $\vec{m}(0; -1)$       c)  $\vec{MI} = 3\vec{MO} - \vec{EI} \Rightarrow \vec{MI} \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \end{pmatrix}$

d)  $\vec{NY} = \frac{1}{2}\vec{AN} - 3\vec{AB} = -\frac{1}{2}\vec{NA} - 3\vec{AN} - 3\vec{NB} = \frac{7}{2}\vec{NA} - 3\vec{NB} \Rightarrow \vec{NY} \begin{pmatrix} 7 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}$

2) a)  $\vec{AJ} = \vec{AB} + \vec{BJ} = 2\vec{AI} + \frac{1}{2}\vec{BC}$  car I milieu de [AB] et J milieu de [CB]  $\Rightarrow \vec{AJ} \begin{pmatrix} 2 \\ 1/2 \end{pmatrix}$

b)  $\vec{MS} = \vec{MA} + \vec{AS} = \vec{MA} - \frac{2}{3}\vec{MT} = \vec{MA} - \frac{2}{3}\vec{MH} - \frac{2}{3}\vec{HT}$  Comme MATH parallélogramme,  $\vec{HT} = \vec{MA}$

$\Leftrightarrow \vec{MS} = \vec{MA} - \frac{2}{3}\vec{MA} - \frac{2}{3}\vec{MH} = \frac{1}{3}\vec{MA} - \frac{2}{3}\vec{MH}$

Donc  $\vec{MS} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}$  et comme M est l'origine du repère, on a  $S \left( \frac{1}{3}; -\frac{2}{3} \right)$

### Corrigé Entraînement n°2

1) a)  $\vec{a} = -\frac{1}{2}\vec{u} + 5\vec{v}$       b)  $\vec{w} \begin{pmatrix} -7 \\ 1 \end{pmatrix}$       c)  $\vec{GA} = -2\vec{AB} - 3\vec{BC} = 2\vec{BA} - 3\vec{BC} \Rightarrow \vec{GA} \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}$

d)  $\vec{AR} = \vec{AF} - 3\vec{FE} = \vec{AF} - 3\vec{FA} - 3\vec{AE} = \vec{AF} + 3\vec{AF} - 3\vec{AE} = -3\vec{AE} + 4\vec{AF} \Rightarrow \vec{AR} \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$

2) a) M est le milieu de [CE], donc  $\vec{CM} = \frac{1}{2}\vec{CE}$       Comme AVEC parallélogramme,  $\vec{CE} = \vec{AV}$

$\vec{CM} = \frac{1}{2}\vec{AV} = \frac{1}{2}\vec{AC} + \frac{1}{2}\vec{CV} = -\frac{1}{2}\vec{CA} + \frac{1}{2}\vec{CV} \Rightarrow \vec{CM} \begin{pmatrix} -1/2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$  et comme C est l'origine du repère, on a  $M \left( -\frac{1}{2}; \frac{1}{2} \right)$

b)  $\vec{TN} = \vec{TR} + \vec{RN} = \vec{TR} + \frac{3}{2}\vec{IT} = \vec{TR} - \frac{3}{2}\vec{TI} \Rightarrow \vec{TN} \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix}$

## Corrigé Entraînement n°3

1) a)  $\vec{a} = \frac{1}{3}\vec{i} - 2\vec{j}$       b)  $\vec{b} \begin{pmatrix} 9 \\ -12 \end{pmatrix}$       c)  $\vec{AB} = -5\vec{CB} = \begin{pmatrix} -5 \\ 0 \end{pmatrix}$

d)  $\vec{AP} = 3\vec{EP} - \vec{FP} = 3\vec{EP} - \vec{FE} - \vec{EP} = 2\vec{EP} + \vec{EF} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$

2) a) On a  $\vec{CD} = \vec{BA}$  car ABCD parallélogramme et  $\vec{AC} = 2\vec{OC}$  car O est milieu de [AC]

Donc  $\vec{BD} = \vec{BA} + \vec{AC} + \vec{CD} = -2\vec{AB} + 2\vec{OC} \Rightarrow \vec{BD} \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \end{pmatrix}$

b)  $\vec{AT} = \vec{AG} + \vec{GT} = \vec{AG} + \frac{2}{3}\vec{GN} = \vec{AG} + \frac{2}{3}\vec{GA} + \frac{2}{3}\vec{AN} = \frac{2}{3}\vec{AN} + \frac{1}{3}\vec{AG}$  et A est l'origine du repère  $\Rightarrow T\left(\frac{2}{3}; \frac{1}{3}\right)$