

Savoir Sag. 7 : Limites

Entraînement n°1

Donner la limite de chacune de ces suites.

1) La suite (t_n) est définie par l'expression : $t_n = 27 - 4(n - 1)$

2) La suite (a_n) est définie par la relation de récurrence :
$$\begin{cases} a_{n+1} = \frac{5a_n}{3} \\ a_1 = 60 \end{cases}$$

3) (b_n) est une suite géométrique de 1^{er} terme $b_0 = -20$ et de raison $q = 0,7$.

4) La suite (c_n) est définie par la l'expression : $c_n = -260 \times 1,05^{n-1}$

Entraînement n°2

Donner la limite de chacune de ces suites.

1) La suite (v_n) est définie par la l'expression : $v_n = 260 \times 0,6^{n-1}$

2) (C_n) est une suite arithmétique de 1^{er} terme $C_2 = -40$ et de raison $R = 130$.

3) La suite (a_n) est définie par la relation de récurrence :
$$\begin{cases} a_n = \frac{3a_{n-1}}{7} \\ a_1 = 25 \end{cases}$$

4) (u_n) est une suite géométrique de 1^{er} terme $u_0 = -900$ et de raison $q = 1,5$.

Entraînement n°3

Donner la limite de chacune de ces suites.

1) (u_n) est une suite géométrique de 1^{er} terme $u_0 = 1500$ et de raison $q = 0,59$.

2) La suite (v_n) est définie par la l'expression : $v_n = 500 \times \left(\frac{7}{3}\right)^{n-1}$

3) La suite (z_n) est définie par la l'expression : $z_n = 12 - 8n$

4) La suite (a_n) est définie par la relation de récurrence :
$$\begin{cases} a_n = \frac{a_{n-1}}{9} \\ a_1 = -236 \end{cases}$$

Savoir Sag. 7 : Corrigés

Corrigé Entraînement n°1

1) La suite (t_n) est une suite arithmétique de raison négative -4 donc $\lim_{n \rightarrow +\infty} t_n = -\infty$

2) La suite (a_n) est une suite géométrique de 1^{er} terme positif et de raison $q = \frac{5}{3} > 1$.
Donc $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = +\infty$

3) La suite (a_n) est une suite géométrique de 1^{er} terme négatif et de raison $0 < q < 1$.
Donc $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = 0$

4) (u_n) est une suite géométrique de 1^{er} terme négatif et de raison $q = 1,05 > 1$.
Donc $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -\infty$

Corrigé Entraînement n°2

1) La suite (v_n) est une suite géométrique de 1^{er} terme positif et de raison $q \in]0; 1[$.
Donc $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = 0$

2) (C_n) est arithmétique et a une raison positive. Donc $\lim_{n \rightarrow +\infty} C_n = +\infty$

3) La suite (a_n) est une suite géométrique de 1^{er} terme positif et de raison $q = \frac{3}{7} \in]0; 1[$.
Donc $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = 0$

4) (u_n) est une suite géométrique de 1^{er} terme négatif et de raison $q > 1 \Rightarrow \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -\infty$

Corrigé Entraînement n°3

1) (u_n) est une suite géométrique de 1^{er} terme positif et de raison $q \in]0; 1[\Rightarrow \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 0$

2) La suite (v_n) est géométrique de 1^{er} terme positif et de raison $q = \frac{7}{3} > 1 \Rightarrow \lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = +\infty$

3) La suite (z_n) est arithmétique de 1^{er} terme $z_0 = 12$ et de raison négative $R = -8$
Donc $\lim_{n \rightarrow +\infty} z_n = -\infty$

4) La suite (a_n) est géométrique de 1^{er} terme négatif et de raison $q = \frac{1}{9} \in]0; 1[\Rightarrow \lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = 0$